

دراسة تحليلية للسعة الحرارية المولية عند ثبوت الحجم لمادة كبريتيد القصدير (SnS) باستخدام نموذج ديبي

عفاف صالح علي الزوالي¹, سميراء صالح علي شاكونة², حنان الصادق الطاهر عبدالرحمن³,
انتصار الطاهر سالم الزوالي⁴

كلية التربية, جامعة الزاوية, ليبيا

a.zawaly@zu.edu.ly¹, s.shakonah@zu.edu.ly², h.abdulrahman@zu.edu.ly³, i.zawaly@zu.edu.ly⁴

الملخص

تُعد مادة كبريتيد القصدير من أشباه الموصلات المهمة من نوع IV-VI، ولها تطبيقات واعدة في مجالات المواد الكهرو حرارية والخلايا الشمسية. الهدف من هذه الدراسة هو تحديد السعة الحرارية المولية عند ثبوت الحجم C_V لمادة كبريتيد القصدير SnS حيث تمت دراسته نظرياً باستخدام نموذج ديبي و اعتماد تقريب ديبي لوصف مساهمة اهتزازات الشبكة البلورية في السعة الحرارية عبر مدى واسع من درجات الحرارة، و تم اعتماد درجة حرارة ديبي لهذه المادة 218K. وباستخدام محاكاة الحسابات النظرية باستخدام برنامج MATLAB. أظهرت النتائج المحسوبة السلوك المتوقع للسعة الحرارية المولية C_V ، حيث تتناسب مع مكعب درجة الحرارة المطلقة T^3 عند درجات الحرارة المنخفضة، وتقترب من حد دولونغ-بتي الكلاسيكي عند درجات الحرارة المرتفعة. تم مقارنة النتائج النظرية C_V مع النتائج التجريبية المتاحة للسعة الحرارية عند ثبوت الضغط C_p وأظهرت النتائج المتحصل عليها توافقاً جيداً مع النتائج التجريبية المنشورة في الأدبيات العلمية، حيث بلغ الانحراف النسبي حوالي 0.34% عند 250 K ومع ذلك لوحظ انحراف متزايد عند درجات الحرارة المنخفضة 13.00% عند 100K والعالية 6.50% عند 600K، مما يشير إلى أن نموذج ديبي يمثل تقريباً ممتازاً في النطاق المتوسط، وأن الانحرافات تعود إلى تأثيرات اللاحرارية وكذلك الفرق بين السعة الحرارية عند C_p و C_V . لقد قدمت هذه الدراسة اطاراً تحليلياً موثقاً لتقدير الخصائص الحرارية لمادة SnS.

الكلمات المفتاحية: كبريتيد القصدير؛ السعة الحرارية المولية؛ نموذج ديبي؛ درجة حرارة ديبي؛ MATLAB

Abstract

Tin sulfide (SnS) is an important IV-VI semiconductor material with promising applications in thermoelectric materials and solar cells. The objective of this study is to determine the molar heat capacity at constant volume C_V for tin sulfide SnS. This was theoretically investigated using the Debye model, employing the Debye approximation to describe the contribution of lattice vibrations to the heat capacity across a wide range of temperatures. A Debye temperature of 218 K was adopted for this material. Theoretical calculations were performed using MATLAB simulation. The calculated results showed the expected behavior of the molar heat capacity C_V , which is proportional to the cube of the absolute temperature T^3 at low temperatures and approaches the classical Dulong-Petit limit at high temperatures. The theoretical C_V results were compared with available experimental results for heat capacity at constant pressure (C_p). The obtained results showed good agreement with published experimental data in the scientific literature, with a relative deviation of approximately 0.34% at 250 K. However, an increasing

deviation was observed at low temperatures 13.00% at 100 K and high temperatures 6.50% at 600 K. This indicates that the Debye model provides an excellent approximation in the intermediate range, and the deviations are attributed to a harmonic effect as well as the difference between C_v and C_p . This study provides a reliable analytical framework for estimating the thermal properties of SnS.

Keywords: Tin sulfide; Molar heat capacity; Debye model; Debye temperature, MATLAB

Submitted: 16/04/2026

Accepted: 26/05/2026

المقدمة

يُعد كبريتيد القصدير (SnS) من أشباه الموصلات الطبقيّة التابعة لمركبات IV-VI، وقد حظي باهتمام علمي متزايد نظراً لخواصه الكهربائية والبصرية والحرارية المميزة. في السنوات الأخيرة، استخدمت هذه المادة على نطاق واسع في تطبيقات تحويل الطاقة الكهرو حرارية وتقنيات الخلايا الشمسية. ويُعد فهم الخواص الحرارية لمادة SnS، ولا سيما السعة الحرارية، أمراً ضرورياً لتحسين أدائها في مثل هذه التطبيقات، نظراً لارتباط هذه الخاصية بسلوك الفونونات والاهتزازات الشبكية داخل البنية البلورية [1]. تعد السعة الحرارية النوعية المولية من أهم الخواص الحرارية التي تعكس طبيعة الاهتزازات الشبكية داخل المواد الصلبة، إذ ترتبط ارتباطاً مباشراً بسلوك الفونونات وتوزيع طاقاتها داخل الشبكة البلورية. وقد طُرحت عدة نماذج نظرية لوصف هذه الخاصية، من أبرزها نموذج ديبي Debye Model، الذي يُعد من أكثر النماذج نجاحاً في تفسير السلوك الحراري للمواد الصلبة، خاصة عند درجات الحرارة المنخفضة والمتوسطة [1,2].

يستند نموذج ديبي ω_D ، والذي تُشتق منه درجة حرارة ديبي. وقد أظهر هذا النموذج قدرة عالية على توصيف التغير في السعة الحرارية النوعية المولية مع درجة الحرارة، مقارنة بالنماذج الكلاسيكية التي تقشل في تفسير السلوك الحراري عند درجات الحرارة المنخفضة.

في هذا الإطار، قدمت دراسة نظرية لحساب السعة الحرارية النوعية المولية لمادة كلوريد الصوديوم (NaCl) باستخدام نموذج ديبي سنة 2024، حيث تم تحليل سلوك السعة الحرارية بدلالة درجة الحرارة المطلقة. واطهرت نتائجهم أن نموذج ديبي يوفر وصفاً دقيقاً للسلوك الحراري لـ NaCl، مع تحديد درجة حرارة ديبي للمادة بقيمة تقارب 277.5 K، مما يعكس ملاءمة النموذج في توصيف المواد البلورية الأيونية ذات البنية المكعبة [3,4].

من ناحية أخرى، تمتد أهمية نموذج ديبي الى دراسة مواد أكثر تعقيداً من حيث البنية البلورية، بما في ذلك اشباه الموصلات الطبقيّة. إذ تعتمد الخواص الحرارية لهذه المواد، مثل كبريتيد القصدير (SnS)، على تأثيرات فونونية أكثر تعقيداً ناتجة عن عدم تماثل البنية البلورية وطبيعتها الطبقيّة. وعلى الرغم من هذا التعقيد، فإن نموذج ديبي يظل إطاراً نظرياً مهماً لتقدير السعة الحرارية النوعية المولية. لا سيما في المدى الحراري الذي تكون فيه التأثيرات الفونونية هي المسيطرة.

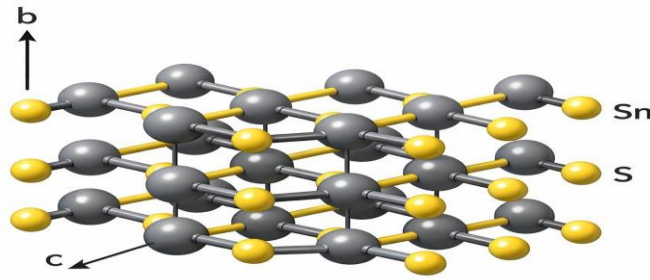
وبناءً على ما سبق، فإن توظيف نموذج ديبي، الذي اثبت فعاليته في توصيف الخواص الحرارية لمواد بلورية بسيطة مثل NaCl، يمثل خطوة منطقية لدراسة السعة الحرارية النوعية المولية لمواد شبه موصل من مركبات IV-VI مثل SnS، مما يسهم في فهم أعمق لسلوكها الحراري وتحسين أدائها في التطبيقات الكهرو حرارية والخلايا الشمسية.

أهداف البحث

- 1- تطبيق نموذج ديبياي لحساب السعة الحرارية المولية (C_v) لمادة (SnS).
- 2- محاكاة الحسابات النظرية باستخدام MATLAB.
- 3- مقارنة النتائج النظرية مع البيانات التجريبية المتاحة لتقييم مدى دقة النموذج في نطاقات حرارية مختلفة.

أولاً: الجانب النظري

1-1: التركيب البلوري والخصائص الفيزيائية لمادة كبريتيد القصدير (SnS) يتكون كبريتيد القصدير الأحادي (SnS) من ذرات القصدير (Sn) والكبريت (S) بنسبة ستوكيومترية (1:1) حيث يوجد القصدير في حالة الأكسدة الثنائية (+2) والكبريت في حالة الأكسدة السالبة (-2) ويرتبطان بروابط أيونية – تساهمية مختلطة مكونين بنية بلورية طبقية، بشكل بلورات غامق الى اسود اللون. يتبلور كبريتيد القصدير الأحادي في النظام المعيني القائم (Orthorhombic) ببنية طبقية ناتجة عن التشوه في تناسق أيون Sn^{2+} ووجود الزوج الإلكتروني الخامل. ويؤدي هذا التركيب البلوري غير المتجانس الى خواص فيزيائية اتجاهية، تتمثل في انخفاض الناقلية الحرارية. يتمتع (SnS) بالثوابت الشبكية: $a = 4.30 \text{ \AA}$, $b = 11.20 \text{ \AA}$, $c = 3.99 \text{ \AA}$ ، كما انها تمتلك توصيلية من النوع الموجب P- اي ان حاملات الشحنة الاغلبية هي الفجوات كما موضح بالشكل (1) [5,1].



الشكل (1) يمثل التركيب البلوري لمادة (SnS)

2-1: الأسس النظرية ونموذج ديبياي يفترض نموذج ديبياي طيفاً مستمراً للفونونات حتى تردد أعظمي يُعرف بتردد ديبياي ω_D ، وترتبط به درجة حرارة مميزة تسمى درجة حرارة ديبياي (θ_D)، والتي تعكس الخواص الاهتزازية للمادة الصلبة. تعطي السعة الحرارية المولية عند الحجم الثابت وفق نموذج ديبياي بالعلاقة (1).

$$C_v = 9NR \left(\frac{T}{\theta_D}\right)^3 \int_0^{\theta_D/T} \frac{x^4 e^x}{(e^x - 1)^2} dx \quad (1)$$

- C_v : الحرارة النوعية المولية عند ثبوت الحجم (جول/مول. كلفن)
- N: عدد الذرات في الوحدة الجزيئية لكبريتيد القصدير الصوديوم (SnS).
- R: ثابت الغازات العام (8.314 J/mol. K).
- T: درجة الحرارة المطلقة (كلفن).

$$\bullet \theta_D : \text{درجة حرارة ديبياي.}$$

$$\bullet x : \text{متغير تكامل لا بعدي } x = \frac{k\omega}{BKT}$$

عند درجات الحرارة المنخفضة جداً ($T \ll \theta_D$)، تتبع السعة الحرارية علاقة تناسبية مع T^3 ، في حين أنها تقترب عند درجات الحرارة المرتفعة ($T \gg \theta_D$) من الحد الكلاسيكي لقانون دولونغ-بتي [5].

3-1: تطبيق النموذج على مادة كبريتيد القصدير (SnS)

يمتلك كبريتيد القصدير بنية بلورية معينة قائمة ((Orthorhombic)) ويتكون من ذرتين في وحدة الصيغة الكيميائية. في هذه الدراسة النظرية، تم اعتماد قيمة تمثيلية لدرجة حرارة ديبياي SnS استناداً الى القيم المنشورة في الادبيات العلمية. وباستخدام نموذج ديبياي، تم حساب السعة الحرارية المولية لمادة كبريتيد القصدير (SnS) كدالة لدرجة الحرارة. عند درجات الحرارة المنخفضة، تزداد السعة الحرارية بسرعة مع ارتفاع درجة الحرارة، وهو ما يعكس الطبيعة الكمومية لاهتزازات الشبكة البلورية. ومع زيادة درجة الحرارة، تتجه السعة الحرارية تدريجياً نحو قيمة ثابتة تقترب من الحد الكلاسيكي $3nR$ حيث n هو عدد الذرات في وحدة الصيغة.

ثانياً: منهجية الدراسة والمحاكاة

1-2: تحديد المعاملات

تم اعتماد المعاملات التالية لمركب (SnS) بناءً على المراجع العلمية:

- عدد الذرات في وحدة الصيغة (SnS): 2
- درجة حرارة ديبياي: 218 K تم اختيار هذه القيمة بناءً على الحسابات النظرية الحديثة.
- البيانات التجريبية للمقارنة: تم استخدام بيانات السعة الحرارية عند ضغط ثابت C_p المتاحة في الادبيات العلمية في نطاق درجات الحرارة (600-100 K).

2-2: طريقة المحاكاة

تمت محاكاة معادلة (1) باستخدام برنامج (MATLAB)، حيث تم حساب قيمة C_v النظرية في نطاق واسع من درجات الحرارة (100K-650K). وتمت مقارنة قيم C_v النظرية مع قيم C_p التجريبية. يلاحظ ان الفرق بينهم يزداد مع ارتفاع درجة الحرارة، ولكن المقارنة المباشرة تظل ذات دلالة لتقييم مدى اقتراب النموذج النظري من السلوك الفعلي للمادة.

ثالثاً: النتائج والمناقشة

1-3: مقارنة النتائج

يوضح الجدول (1) مقارنة بين السعة الحرارية التجريبية (C_p) والسعة الحرارية النظرية (C_v) المحسوبة باستخدام نموذج ديبياي عند درجة حرارة ديبياي ($\theta_D = 218K$).

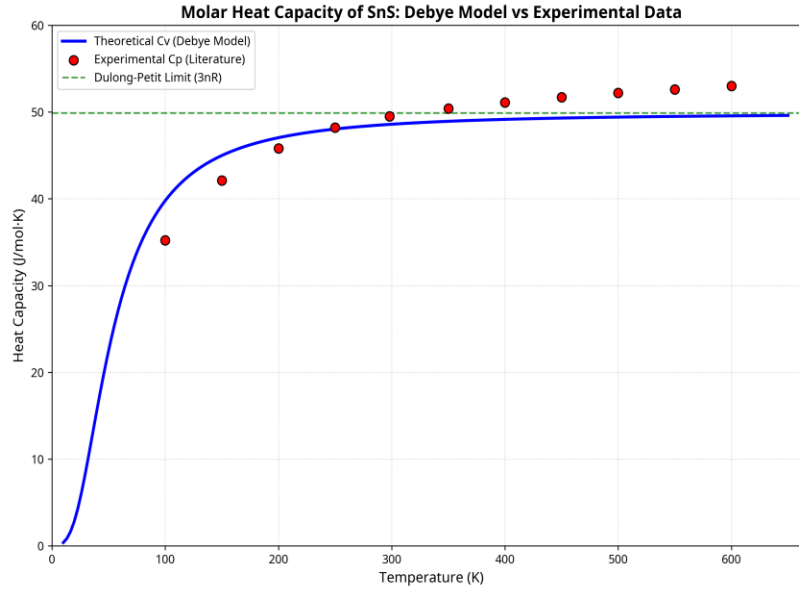
جدول (1) مقارنة السعة الحرارية التجريبية (C_p) مع السعة الحرارية النظرية (C_v) لمادة (SnS)

درجة الحرارة (T) (K)	C_p التجريبية (J/mol·K)	C_v النظرية (J/mol·K)	الانحراف النسبي (%)
100.0	35.20	39.78	13.00
150.0	42.10	44.98	6.85
200.0	45.80	47.04	2.71
250.0	48.20	48.04	0.34
298.0	49.50	48.57	1.87
350.0	50.40	48.93	2.92
400.0	51.10	49.15	3.81
450.0	51.70	49.30	4.64
500.0	52.20	49.41	5.34
550.0	52.60	49.49	5.90
600.0	53.00	49.56	6.50

2-3: تحليل النتائج

يُظهر الجدول (1) أن نموذج ديبياي يقدم وصفاً دقيقاً للسلوك الحراري لمادة (SnS) في نطاق درجات الحرارة المتوسطة، خاصة حول درجة حرارة ديبياي ($\theta_D = 218K$).

- عند $T=250K$ ، كان الانحراف النسبي ضئيلاً جداً (0.34%)، مما يؤكد أن $\theta_D = 218K$ هي قيمة مناسبة لنموذج اهتزازات الشبكة في هذا النطاق.
- عند درجات الحرارة المنخفضة، يرتفع الانحراف النسبي بشكل ملحوظ (13.00%) عند 100K. يُعزى هذا الانحراف إلى أن نموذج ديبياي يصف السعة الحرارية عند درجات الحرارة المنخفضة بشكل أفضل عندما تكون $T < \theta_D$ حيث C_v تتناسب مع T^3 و لكن في النطاق الانتقالي حول 100K
- عند درجات الحرارة العالية $T > \theta_D$ تتجاوز C_p التجريبية القيمة الحدية لنموذج ديبياي من حد دولونغ-بيتي البالغ 49.88 J/mol.k K.



الشكل (2) يوضح مقارنة بين السعة الحرارية المولية الحجمية المحسوبة باستخدام نموذج ديبي

الخلاصة

استعرضت هذه الورقة تطبيق نموذج ديبي لاستنباط السعة الحرارية المولية الحجمية لمركب كبريتيد القصدير (SnS) استناداً إلى درجة حرارة ديبي المميزة. وقد كشفت نتائج المحاكاة عن توافق وثيق مع البيانات التجريبية للسعة الحرارية عند ضغط ثابت ضمن النطاق الحراري المتوسط. وتشير الانحرافات المرصودة في الأطراف الحرارية (الدنيا والعليا) إلى الحدود الفيزيائية لنموذج ديبي في توصيف السلوك الحراري المعقد للمواد ذات البنية الطبقيّة؛ حيث تبرز في هذه الأطوار أهمية التأثيرات اللاحرارية (Anharmonic effects) ويتعاضم التباين الفيزيائي بين C_V و C_P .

تلخص هذه الدراسة إلى أن نموذج ديبي يظل ركيزة نظرية صلبة ومنطقاً فعالاً لتحديد الخصائص الحرارية لمركب SnS، مما يمهّد الطريق لإجراء تحقيقات نظرية وتجريبية أكثر عمقاً تتناول الديناميكا الحرارية لهذا المركب بشكل تفصيلي.

المراجع

[1] He, X., Shen, H., Wang, W., Wang, Z., Zhang, B., & Li, X. (2013). The mechanical and thermo-physical properties and electronic structures of SnS and SnSe in orthorhombic structure. *Journal of Alloys and Compounds*, 556, 86-93

[2] Burton, L. A., & Walsh, A. (2012). Phase Stability of the Earth-Abundant Tin Sulfides SnS, SnS₂, and Sn₂S₃. *The Journal of Physical Chemistry C*, 116(48), 26428-26432

[3] حنان الصادق الطاهر عبدالرحمن، حليلة المبروك شعبان، القمودي، وعفاف صلاح علي الزوالي. (2024). مقارنة القيم المحسوبة نظرياً للحرارة النوعية المولية C_V لمادة كلوريد الصوديوم (NaCl) باستخدام نموذج ديبي مع القيم المعملية التجريبية. مجلة صرمان للعلوم والتقنية، المجلد 6، العدد 2، ص 51-57.

- [4] Calculate the molar specific heat of sodium chloride using the Debye model
international j. ecomedical *Hanan A. Abdul Rahman, Sumaira S. Shakonah, Afaf S. Al-Zawaly*
and public sciences, vol. 7, no. 1, march 2024
- [5] Kittel, C. (2005). *Introduction to Solid State Physics* (8th ed.). John Wiley & Sons